1 はじめに

鉛直荷重に対する基礎の古典的な支持力式に対して, 基礎幅が大きくなると支持力が減少することは,遠心模 型試験などの実験的研究によって明らかにされている (Okahara et al, 1988). そのため極限支持力式は模型試験や 数値解析を基に,日本建築学会が推奨する基準(AIJ, 1988, 2001, 2019)や道路橋示方書 (JRA, 2017)の指針が提案され た.サーチャージがない場合の支持力式は,いずれも次 式で示される.

$$q = \frac{1}{2}\gamma B\eta N_{\gamma} \text{ where } \eta = \left(\frac{B}{B_0}\right)^{\frac{-1}{3}}, B_0 = 1\text{m}$$
(1)

ここで、 N_{j} は支持力係数、 $B \geq B_{o}$ はそれぞれ基礎幅および、 その基準値を表し、 η は支持力係数 N_{j} に関する修正係数で、 基礎幅の関数である. AIJ及びJRAともに、寸法効果は基 礎幅の関数として表されるが、Zhu et al.(2001)は寸法効果 を応力依存性と考えて、基礎幅だけでなく、土の単位体 積重量 γ を加味した(γB)を変数とする支持力式を提案して いる.そこで、本研究では γ の影響を調べるために、地下 水位の有無を考慮して、鉛直荷重に対する基礎の極限支 持力に関する基礎の寸法効果を数値解析によりパラメト リックに調査する.数値解析では、日本の標準砂として 力学特性が詳細に調べられている豊浦砂のせん断強度特 性を用いた剛塑性有限要素解析(RPFEM)を実施し、基礎 幅B, 土の単位体積重量 γ ,内部摩擦角 ϕ などを系統的に変 化させて、支持力の境界値問題としての特性を明らかに して、支持力式を提案する.

2 RPFEM構成式

本研究で数値解析に用いた非線形降伏関数は,式(2)の 通りである.

 $f(\sigma) = al_1 + (J_2)^n = b$ (2) ここで、*a*および*b*は土材料の粘着力、拘束圧に対する摩 擦強度に関わるパラメータ、*n*は降伏関数の第1応力不変 量*I*に対するせん断強度の非線形性を表すパラメータであ る.数値計算にはNguyen et al.(2016)が提案した非線形剛体 塑性構成方程式を使用する

3 砂質土のせん断強度特性

本研究では、砂質土の支持力を検討する際に標準砂として豊浦砂の拘束圧に対する非線形強度特性(Tatsuoka, et al., 1986)を用いた.本研究はTatsuoka et al.の三軸圧縮試験結果を用いて、Inとの相関関係を整理し、拘束圧に対する内部摩擦角の減少特性を整理した.土の相対密度により内部摩擦角のは異なることから、拘束圧に対する減少特性

長岡技術科学大学 正会員 O安藤 康介, Tahir Iqbal 長岡技術科学大学 正会員 大塚 悟, 福元 豊

を初期摩擦角で規準化して検討する.そのために,実験 データを外挿して拘束圧がゼロの際の内部摩擦角фを算出 し,拘束圧に対する内部摩擦角の変化を正規化して検討 した.各相対密度Drに対する内部摩擦角の変化は最小二 乗法により, ϕ/ϕ とIの正規化関係を同定した(図1).相対 密度によって減少特性は異なるが,標準的特性として平 均値を用いて砂質土の標準強度モデルを設定する.



図1 豊浦砂の

φ/

ψ

と

l1の正規化関係

3.1 実験検証

図2は、Okahara et al.(1988)およびTatsuoka et al.(1991)が 行った遠心模型実験と、58、74、85、88%の相対密度に対 する非線形強度特性を直接用いたRPFEM解析による支持 力推定値を比較したものである.図2では、模型試験結果 にばらつきはあるものの、RPFEMによる解析結果は実験 結果とよく一致し、基礎幅による支持力の寸法効果も適 切に評価できることがわかる.このことから、非線形せ ん断強度特性を用いたRPFEM解析は、極限支持力に及ぼ す基礎幅の影響を適切に評価できることが示された.



4 モデル地盤の極限支持力

砂質土の支持力式を検討する目的で,豊浦砂の平均せん断強度特性を用いた検討を行う.モデル砂質土の非線 形強度特性に関するパラメータは,**表1**のように設定した. 解析はDrucker-Prager (DP)の降伏関数を用いる線形せん断 強度(一般的な支持力式に対応する)のほか,式(1)の非線形 降伏関数(RPFEM (NL),基礎の寸法効果の考慮)のRPFEM 解析を実施する.

Bおよびyの極限支持力への影響を確認するために、地 下水位の有無を考慮して数値解析を実施し、解析結果を それぞれMeyerhof, AIJ, JRAの支持力算定式と比較した. RPFEM(DP)は、Meyerhofの極限支持力式と一致すること が分かり、さらにRPFEM(NL)は、y=18 kN/m³の場合, AIJ 及びJRAの公式と一致する.しかし、 $y=8kN/m^3$ の場合, RPFEM(NL)の結果はAIJ及びJRAの結果と比べて高い値が 得られた(図3).これは主にyが拘束圧に影響するためであ る.また、yの減少に伴い拘束圧が減少するため、 ϕ の減少 が抑制されて極限支持力が増加する.yの影響は、支持力 係数の修正係数に考慮する必要がある.

表1 豊浦砂の平均的性質に基づく解析パラメータ

♦ 0(°)	α	β	ν
30	0.175		
35	0.216	1	0.526
40	0.257		



図3 γ=8kN/m3の場合の極限支持力結果の比較

4.1 *N_r*のための修正係数

γとBの両方が拘束圧に及ぼす影響を考慮するため,サ イズ効果修正係数ηγを次のように算出する.

$$\eta_{\gamma} = \frac{2q_u}{\gamma B N_{\gamma}} \tag{3}$$

RPFEM(NL)解析結果から、豊浦砂の性質を持つモデル砂 質土の場合、修正係数の傾きが描かれている.応力項yBは基準大気圧 p_a =101.325kPaで規格化されている.図4に基 づき、 η_y は以下のように算出される.図からわかるように、 ϕ やyによらずにユニークな関係を示す.

$$\eta_{\gamma} = 0.55 \left(\frac{\gamma B}{p_a}\right)^{\frac{-1}{3}} \text{ where } 0 \le \eta_{\gamma} \le 1$$

$$(4)$$

修正極限支持力式は次のような形になる.

$$q = \frac{1}{2} \gamma B N_{\gamma} \eta_{\gamma} \tag{5}$$

解析結果と修正極限支持力式の比較を行う(図5).

5 結論

(1) 豊浦砂の力学特性を考慮したRPFEM解析結果は,文 献の遠心模型実験と一致する結果が得られて,解析手法 の適用性が示された.

(2) AIJ及びJRAの指針における補正係数N₇は,地下水位が 高い場合など,yの変化に対して適用性の低いことが示さ れた.事例解析を用いて,正規化変数(yB/pa)により,yの 影響を適切に表すことを明らかにして,新たにN₇の補正係 数を提案した.





図4 豊浦砂の平均的物性値の変化に対する η_γとγB/p_aの 関係

図5 RPFEM解析結果により提案した極限支持力式の性能 参考文献

1)AIJ(1988,2001,2019),Recommendations for design of building foundations.

2)JRA(2017),Road bridge specifications (substructure).

3)Okahara M., Takagi S., Obata H., Mori K., and Tatsuta M., 42nd Japan Annual Conf. of Civil Engineers, Vol. 3, 1988, pp. 250-251 (in Japanese).

4)Tatsuoka, F., Sakamoto, M., Kawamura, T., and Fukushima, S., 1986. Soils Found. 26 (1), 65–84.

5)Tatsuoka, F., Okahara, M., Tanaka, T., Tani, K., Morimoto, T. and Siddiquee, M. S. A., 1991. Proceedings of the Geotechnical Engineering Congress, GSP 27, pp. 788–802. Reston, VA: ASCE.